

تاریخ: مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	اداره آموزش و پرورش نیشاور دیرستان مالک اشتر امتحان درس ریاضی خرداد ماه ۱۳۹۶	نام و نام خانوادگی: پایه: دهم رشته: انسانی
ردیف	سوال	نمره
۱	حاصل عبارات زیر را به کمک اتحاد بدست آورید. $(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}b)^2 =$ (الف) $(2a - 5)(2a + 6) =$ (ب)	۱
۲	عبارت جبری زیر را تجزیه کنید. $x^2 - \frac{1}{4} =$	۰,۵
۳	حاصل عبارت جبری زیر را به ساده ترین صورت بنویسید. $\frac{x+1}{x-1} - 1 =$	۰,۵
۴	محیط مربعی را به دست آورید که قطر آن $4\sqrt{2}$ باشد.	۰,۷۵
۵	معادلات درجه دوم زیر را به روش خواسته شده حل نمایید. $5x^2 + x - 6 = 0$ (الف) (روش فرمول) $4x^2 - 36 = 0$ (ب) (روش ریشه گیری)	۱
۶	معادله کسری زیر را حل کنید. $\frac{x-2}{x-4} = \frac{x+1}{x+3}$	۰,۷۵
۷	فرض کنید تابع f به صورت رو برو تعریف شده باشد و $A = \{-1, 1, 2, \frac{1}{2}\}$ و $B = \{1, 2, 3, 4\}$. $y = f(x) = \frac{x+1}{x}$ برد تابع را بدست آورید.	۱
۸	را طوری بیابید که رابطه زیر یک تابع باشد. $f = \{(-1, 2), (2, a-b), (-1, b+3), (2, 5)\}$	۱
۹	در تابع خطی f داریم: $f(1) = 5$ و $f(2) = 8$ و $f(-3) = 2$. مقادیر a و b را بیابید.	۱,۵
۱۰	رأس سهمی به معادله $y = 2(x-1)^2 + 1$ را مشخص کنید. به کمک آن نمودار سهمی رارسم کنید.	۱
۱۱	اگر تابع درآمد به صورت $y = R(x) = -\frac{1}{2}x^2 + 30x$ و تابع هزینه به صورت $y = C(x) = 18x + 40$ باشد ماکسیمم مقدار سود را مشخص کنید.	۱,۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

	سوال	
۲	مفهوم زیر را تعریف کنید. نمونه تصادفی- واحد آماری- پارامتر جامعه- آمار	۱۲
۲	داده ها را به چند طریق می توان جمع آوری کرد؟ نام ببرید و یک مثال بزنید.	۱۳
۱,۵	میانگین و انحراف معیار داده های زیر را محاسبه نمائید. ۹۵ و ۴۵ و ۳۵ و ۶۵ و ۵۵ و ۷۵ و ۸۵	۱۴
۲	نمودار جعبه ای و نمودار نقطه ای داده های زیر رارسم کنید. ۳۰ و ۱۳ و ۱۱ و ۱۰ و ۱۰ و ۷ و ۳ و ۶ و ۳	۱۵
۱,۵	الف) نمودار راداری برای نمایش داده های چند متغیر کمی به طور هم زمان به کار می رود؟ ب) زاویه بین شعاع های مجاور در نمودار راداری چه چیزی را نشان میدهد؟ ج) کاربرد نمودار راداری در ورزش چیست؟ د) اگر زاویه بین دو شعاع مجاور در نمودار راداری، 40° درجه باشد، چند متغیر در نمودار حضور دارد؟	۱۶
	دکتر مهدوی پور	موفق باشید

نام و نام خانوادگی:	اداره آموزش و پرورش ناحیه / شهرستان	تاریخ:
شماره کلاس:	دبیرستان	مدت امتحان:
شماره صندلی:	پاسخنامه ریاضی دهم انسانی	ساعت شروع:
پایه: دهم	خرداد ماه ۱۳۹۶	تعداد صفحه:

ردیف	سوال	نمره
۱	$(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}b)^2 = ۲ + ۲ \times \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}}b + \frac{1}{۲}b^۲ = ۲ + ۲b + \frac{1}{۲}b^۲$	۰,۵
۲	$(۲a - ۳)(۲a + ۷) = ۴a^۲ + ۴(۲a) - ۲۱ = ۴a^۲ + ۸a - ۲۱$	۰,۵
۳	$t^۶ - \frac{۱}{۸} = t^۳ - (\frac{۱}{۴})^۳ = (t^۲ - \frac{۱}{۴})(t^۴ + \frac{۱}{۴}t^۲ + \frac{۱}{۱۶})$ $= (t - \frac{۱}{\sqrt{2}})(t + \frac{۱}{\sqrt{2}})(t^۴ + \frac{۱}{۲}t^۲ + \frac{۱}{۱۶})$	۰,۵
۴	$\frac{x+۱}{x-۱} - ۱ = \frac{x+۱-x+۱}{x-۱} = \frac{۲}{x-۱}$	۰,۵
۵	$x^۱ + x^۲ = (۳\sqrt{۲})^۲$ $x^۲ = ۹ \times ۲ \rightarrow x^۲ = ۹ \rightarrow x = \pm ۳ \rightarrow x = ۳$	۰,۷۵
۶	$۴x^۲ + ۷x - ۲ = .$ $\Delta = b^۲ - ۴ac = ۴۹ - ۴ \times ۴ \times -۲ = ۴۹ + ۳۲ = ۸۱$ $x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{۲a} = \frac{-۷ \pm ۹}{۲ \times ۴} \begin{cases} \frac{-۷+۹}{۸} = \frac{۲}{۸} = \frac{۱}{۴} \\ \frac{-۷-۹}{۸} = \frac{-۱۶}{۸} = -۲ \end{cases}$	۱
۷	$۴x^۲ - ۱۶ = . \rightarrow x^۲ = \frac{۱۶}{۴} \rightarrow x^۲ = ۴ \rightarrow x = \pm ۲$	۰,۵
۸	$\frac{x-۲}{x-۴} - \frac{x+۱}{x+۳} = . \rightarrow \frac{(x-۲)(x+۳) - (x+۱)(x-۴)}{(x-۴)(x+۳)} = .$ $\rightarrow \frac{x^۲ + x - ۶ - (x^۲ - ۴x - ۴)}{(x-۴)(x+۳)} = . \rightarrow x^۲ + x - ۶ - x^۲ + ۴x + ۴ = .$ $\rightarrow ۵x - ۲ = . \rightarrow ۵x = ۲ \rightarrow x = \frac{۲}{۵}$	۰,۷۵
۹	$f(-۱) = \frac{-۱+۱}{-۱} = \frac{۰}{-۱} = .$ $f(۱) = \frac{۱+۱}{۱} = ۲$ $f(۲) = \frac{۲+۱}{۲} = \frac{۳}{۲}$ $f(\frac{۱}{۲}) = \frac{\frac{۱}{۲}+۱}{\frac{۱}{۲}} = \frac{\frac{۳}{۲}}{\frac{۱}{۲}} = ۳$ $\left\{ ۰, ۲, \frac{۳}{۲}, ۳ \right\} = \text{برد تابع}$	۱
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

	سوال	
۱	$b + ۳ = ۲ \rightarrow b = ۲ - ۳ \rightarrow b = -۱$ $a - b = ۵ \rightarrow a - (-۱) = ۵ \rightarrow a = ۵ - ۱ = ۴$	۸
۱,۵	$f(m) = mx + ۲$ تابع خطی $f(۱) = ۵ \rightarrow m + n = ۵ \rightarrow \begin{cases} m - n = -۵ \\ ۲m + n = ۸ \end{cases}$ $m + n = ۵$ $۳ + n = ۵$ $n = ۵ - ۳ = ۲$ $f(x) = ۳x + ۲$ $f(-۳) = ۳ \times -۳ + ۲ = ۹ + ۲ = -۷$ $f(۵) = ۳ \times ۵ + ۲ = ۱۷$	۹
۱	(۱ و ۱) رأس سهمی 	۱۰
۱,۵	هزینه - درآمد = سود $P(x) = R(x) - C(x)$ $P(x) = \frac{-1}{2}x^2 + ۳۰x - (۱۸x + ۴۰)$ $P(x) = \frac{-1}{2}x^2 + ۱۲x - ۴۰$ درجه دوم سهمی است . ماکزیمم در رأس اتفاق می افتد $\rightarrow x = ۱۲$ $x = \frac{-b}{2a} = \frac{-(۱۲)}{2(-\frac{1}{2})} = ۱۲ \rightarrow x = ۱۲$ $f(۱۲) = \frac{-1}{2}(۱۲)^2 + ۱۲(۱۲) - ۴۰ = ۳۲$ ماکسیمم مقدار سود \rightarrow	۱۱
۲	نمونه تصادفی: نمونه ای را که در آن، همه اعضای جامعه، شانس انتخاب یکسان در نمونه را داشته باشند. نمونه تصادفی می نامند. واحد آماری: به هر یک از افراد یا چیزهایی می گویند که داده های مربوط به آنها در یک بررسی آماری گردآوری می شود.	۱۲
	ادامه صفحه بعد	

	سوال																							
	<p>پارامتر جامعه: یک مشخصه عددی است که توصیف کننده جنبه‌ای خاص از جامعه است و در صورتی که داده‌های کل جامعه در اختیار باشند قابل محاسبه است.</p> <p>آمار: به مطالعه نحوه گردآوری، سازمان دهی، تحلیل و تفسیر داده‌ها برای استخراج اطلاعات و تصمیم‌گیری، آمار گفته می‌شود.</p>																							
۲	<p>۱- مشاهده مثال: شمارش تعداد وسایل نقلیه عبوری از یک تقاطع در هر ساعت</p> <p>۲- پرسش نامه مثال: سرشماری نفوس و مسکن</p> <p>۳- مصاحبه مثال: تحقیق درباره کاهش ترافیک (شدآمد)</p> <p>۴- دادگان‌ها مثال: میزان تخلفات رانندگی در سال گذشته</p>	۱۲																						
۱,۵	$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n} = \frac{670}{10} = 67$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x_i</td> <td>65</td> <td>75</td> <td>73</td> <td>50</td> <td>60</td> <td>64</td> <td>69</td> <td>62</td> <td>67</td> <td>85</td> </tr> <tr> <td>$(x_i - \bar{x})^2$</td> <td>۴</td> <td>۶۴</td> <td>۳۶</td> <td>۲۸۹</td> <td>۴۹</td> <td>۹</td> <td>۴</td> <td>۲۵</td> <td>۰</td> <td>۳۲۴</td> </tr> </table> $\sigma = \sqrt{\frac{(x_1 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2}{n}} = \sqrt{\frac{804}{10}} = \sqrt{80.4} = 8.97$	x_i	65	75	73	50	60	64	69	62	67	85	$(x_i - \bar{x})^2$	۴	۶۴	۳۶	۲۸۹	۴۹	۹	۴	۲۵	۰	۳۲۴	۱۴
x_i	65	75	73	50	60	64	69	62	67	85														
$(x_i - \bar{x})^2$	۴	۶۴	۳۶	۲۸۹	۴۹	۹	۴	۲۵	۰	۳۲۴														
۲	<p>نمودار نقطه‌ای:</p> <p>نمودار جعبه‌ای:</p> <p>نمودار جعبه‌ای: $10 = \text{میانه}$ $Q_1 = 6 = \text{چارک اول}$ $Q_3 = 11 = \text{چارک سوم}$ $30 = \text{بیشترین مقدار}$</p>	۱۵																						
۱,۵	<p>الف) سه متغیره یا بیشتر</p> <p>ب) وابسته به تعداد متغیرهای است و مورد خاصی را نشان نمی‌دهد.</p> <p>ج) قدرت و ضعف بازیکنان</p> <p>د) ۹ متغیر</p>	۱۶																						
	تهیه و تنظیم: عصمت بیات-نازین مریخی																							